

УДК 51  
ББК 22.1  
Д15

Редактор *С. Г. Красовский*

*Конференция проводится при финансовой поддержке  
Белорусского республиканского фонда фундаментальных исследований*

**XII Белорусская математическая конференция:** материалы Междунар. науч.  
Д15 конф. Минск, 5–10 сентября 2016 г. В 5 ч. / Ред. С. Г. Красовский. — Часть 4. — Мн.:  
Институт математики НАН Беларуси, 2016. — 80 с.

ISBN 987-985-7160-02-0 (Часть 4)

ISBN 978-985-6499-90-9

Сборник содержит тезисы докладов, представленных на XII Белорусской математической конференции по следующим направлениям: теория вероятностей и математическая статистика, математические проблемы защиты информации и анализ данных, дискретная математика и математическая кибернетика.

ISBN 987-985-7160-02-0 (Часть 4)  
ISBN 978-985-6499-90-9

© Коллектив авторов, 2016  
© Институт математики НАН Беларуси, 2016

Работа профинансирована Институтом математики НАН Беларуси в рамках Государственной программы фундаментальных исследований «Конвергенция–2020».

### Литература

1. Fagin R. *Generalized first-order spectra and polynomial-time recognizable sets* // Complexity of Computation, R. Karp ed. SIAM-AMS Proceedings 7, 1974. P. 27–41.
2. Stockmeyer L. *The polynomial-time hierarchy* // Theoretical Computer Science. 1977. Vol. 3. P. 1–22.
3. Immerman N. *Descriptive Complexity*. Springer, 1998.
4. Naidenko V. *Logics for complexity classes* // Logic Journal of the IGPL. 2014. Vol. 22, no. 6. P. 1075–1093.

## О ПРОВЕРКЕ ГЛАДКОСТИ ГИПЕРПОВЕРХНОСТИ

А.В. Селиверстов

Институт проблем передачи информации им. А.А. Харкевича РАН, Москва, Россия  
slvstv@iitp.ru

В работах [1, 2] показана высокая вычислительная сложность распознавания гладкости гиперповерхности, поскольку задача о разбиении множества сводится к поиску особой точки на кубической гиперповерхности. Мы рассмотрим достаточное условие гладкости.

Дискриминант многочлена степени  $d$  от одной перемещенной пропорционален квадрату произведения разностей корней этого многочлена над полем комплексных чисел. Дискриминант равен нулю, если некоторый корень кратный. Дискриминант сам является однородным многочленом с целыми коэффициентами от всех коэффициентов исходного многочлена. Иногда удобно считать, что многочлен степени  $d - k$  определяет  $d$  точек на проективной прямой, из которых  $k$  точек совпадают с бесконечно удалённой точкой. Результат подстановки коэффициентов многочлена степени  $d - k$  без кратных корней в формулу дискриминанта для многочленов степени  $d$  отличен от нуля при  $k = 1$ , но равен нулю при  $k \geq 2$ .

Рассмотрим гиперповерхность, заданную алгебраическим уравнением  $f = 0$  степени  $d$ , причём её нельзя задать уравнением меньшей степени. Аффинная прямая, проходящая через начало координат, может быть задана параметрически как множество точек с координатами  $(x_1 t, \dots, x_n t)$ , где  $t$  — это координата на прямой. Ограничение на эту прямую многочлена  $f$  является многочленом  $r(t)$  от одной переменной степени не выше  $d$ . Обозначим через  $D[f]$  дискриминант многочлена  $r(t)$ . При этом если степень многочлена  $r(t)$  меньше  $d$ , то  $D[f]$  вычисляется по формуле для дискриминанта многочленов степени  $d$ ; формально многочлен  $r(t)$  можно считать многочленом степени  $d$  с нулевыми коэффициентами при старших мономах. Степень многочлена  $D[f](x_1, \dots, x_n)$  равна  $m = d^2 - d$ . Если прямая касается проективного замыкания гиперповерхности или проходит через её особую точку, то многочлен  $r(t)$  имеет нулевой дискриминант. Если начало координат не является особой точкой гиперповерхности, то множество касательных прямых, проходящих через начало координат, определяется одним уравнением  $D[f] = 0$ . Отметим, что  $D[f]$  — это однородный многочлен. Если начало координат — это особая точка, то многочлен  $D[f]$  тождественно равен нулю. Конус, образующими которого служат проходящие через точку  $U(u_1, \dots, u_n)$  касательные прямые, определяется уравнением

$$D[f(x_1 - u_1, \dots, x_n - u_n)](x_1 - u_1, \dots, x_n - u_n) = 0.$$

В каждой особой точке гиперповерхности этот многочлен равен нулю. Следовательно, если гиперповерхность особая, то совокупность таких многочленов для разных точек  $U$  порождает собственное линейное подпространство  $L$  в пространстве всех многочленов от  $n$  переменных степени не выше  $m$ . Для гладкой квадрики, заданной уравнением

$$x_1^2 + \dots + x_n^2 - 1 = 0,$$

подпространство  $L$  несобственное.

#### Литература

1. Латкин И. В., Селиверстов А. В. *Вычислительная сложность фрагментов теории поля комплексных чисел* // Вестн. Карагандинского ун-та. Сер. Математика. 2015. № 1(77). С. 47–55.
2. Селиверстов А. В. *О вычислительной сложности поиска особых точек* // Дискретная математика, алгебра и их приложения: Тез. докл. Междунар. науч. конф. Минск, 14–18 сентября 2015 г., ред. И. Д. Супруненко, В. В. Лепин, О. И. Дугинов. Минск: Ин-т математики НАН Беларуси, 2015. С. 135–137.

## РАЗРАБОТКА VHDL-ОПИСАНИЯ ЭМОЦИОНАЛЬНОЙ НЕЙРОННОЙ СЕТИ

В.Я. Степанец, Е.В. Устилко

Белорусский государственный университет, Минск, Беларусь  
stepanets@bsu.by, textsfustilko@tut.by

В последнее время все больше исследователей в области искусственного интеллекта обращают внимание на важную роль эмоций в принятии решений, мотивации, обучении и планировании поведения. В результате во многих лабораториях мира уже ведутся работы по моделированию эмоций при создании различных кибернетических устройств. Взаимодействие эмоций и рациональных процессов объясняет возможность принятия решений в условиях неопределенности [1].

В работе рассматривается моделирование эмоций в искусственных нейронных сетях, которые являются одним из направлений в области создания систем искусственного интеллекта, основанным на попытках воспроизвести нервную систему человека. Для выполнения исследования было разработано VHDL-описание эмоциональной нейросети, решающей задачу распознавания рукописных цифр. Выбор языка VHDL был обусловлен возможностью автоматического перехода от программного описания сети к ее аппаратной реализации.

Разработанная модель сети использует два эмоциональных параметра: тревога и уверенность. Структуру сети составляют как обычные нейроны и их синаптические веса, так и эмоциональные нейроны и их весовые коэффициенты. Целью включения в описание нейронной сети моделирования эмоций являлось совершенствование процесса обучения сети и улучшение способности к принятию решений. Для обучения разработанной эмоциональной нейросети была использована модификация алгоритма обратного распространения ошибки с учетом эмоциональных параметров [2].

Дополнительные эмоциональные коэффициенты (тревога и уверенность) влияют на поведение разработанного описания сети следующим образом: когда сеть начинает обучаться распознавать новые образы, уровень тревоги имеет большое значение, а уверенность находится на низком уровне. В процессе обучения эти коэффициенты обновляются во время каждой итерации, при этом уровень тревоги снижается, а уровень уверенности увеличивается. Оба этих параметра могут принимать значения от